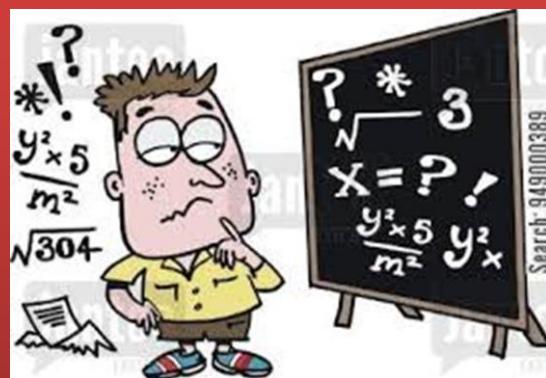


Δ.Ε. ΚΟΝΤΟΚΩΣΤΑΣ

# ΕΞΙΣΩΣΕΙΣ 2ου ΒΑΘΜΟΥ

Τελευταία ενημέρωση 16 Μαρτίου 2016



## ΕΞΙΣΩΣΕΙΣ 2ου ΒΑΘΜΟΥ

### A. Αρχικά θα ασχοληθούμε με τα τριώνυμα 2<sup>ου</sup> βαθμού.

Η γενική μορφή τους είναι :  $\alpha x^2 + \beta x + \gamma = 0$  με  $\alpha \neq 0$  προφανώς το  $(\alpha)$  πρέπει να είναι διάφορο του μηδέν, για να υπάρχει ο όρος με το  $x^2$ , ώστε η εξίσωση που θα λύσουμε να είναι 2<sup>ου</sup> βαθμού.

Πάμε όμως να λύσουμε την πιο πάνω εξίσωση και να δούμε πως προκύπτει η περιβόητη Διακρίνουσα .

Θα πάρω την γενική μορφή και θα εφαρμόσω

τη μέθοδο συμπλήρωμα τετραγώνου:

$$\alpha x^2 + \beta x + \gamma = 0 \xrightarrow{\alpha \neq 0} \frac{\alpha x^2}{\alpha} + \frac{\beta x}{\alpha} + \frac{\gamma}{\alpha} = \frac{0}{\alpha} \Rightarrow$$

$$x^2 + x \frac{\beta}{\alpha} = -\frac{\gamma}{\alpha} \Rightarrow x^2 + 2x \frac{\beta}{2\alpha} = -\frac{\gamma}{\alpha} \Rightarrow$$

$$x^2 + 2x \frac{\beta}{2\alpha} + \left(\frac{\beta}{2\alpha}\right)^2 = \left(\frac{\beta}{2\alpha}\right)^2 - \frac{\gamma}{\alpha} \Rightarrow$$

$$\left(x + \frac{\beta}{2\alpha}\right)^2 = \frac{\beta^2}{4\alpha^2} - \frac{\gamma}{\alpha} \Rightarrow$$

$$\left(x + \frac{\beta}{2\alpha}\right)^2 = \frac{\beta^2}{4\alpha^2} - \frac{4\alpha\gamma}{4\alpha^2} \Rightarrow$$

$$\left(x + \frac{\beta}{2\alpha}\right)^2 = \frac{\beta^2 - 4\alpha\gamma}{4\alpha^2} \xrightarrow{\Delta = \beta^2 - 4\alpha\gamma}$$

$$\Rightarrow \left(x + \frac{\beta}{2\alpha}\right)^2 = \frac{\Delta}{4\alpha^2} \quad (1)$$

Θα χρησιμοποιήσουμε την ταυτότητα :

$$A^2 + 2AB + B^2 = (A + B)^2$$

Αρχικά διαιρούμε με το  $\alpha$  για να μείνει μόνο του το  $x^2$

Στη συνέχεια πολ/ζω και διαιρώ τον όρο  $x \frac{\beta}{\alpha}$  με το 2 για να φτιαχτεί ο όρος  $2AB$  της πιο πάνω ταυτότητας.

Τέλος προσθαφαιρούμε τον όρο

$$\left(\frac{\beta}{2\alpha}\right)^2, \text{ για να φτιαχτεί ο όρος } B^2.$$

Και εδώ ξεδιαλύνεται το θέμα με το πρόσημο της Διακρίνουσας και τις 3 διαφορετικές περιπτώσεις της:

- Αν  $\Delta > 0$  τότε η (1) γίνεται :  $\left(x + \frac{\beta}{2\alpha}\right)^2 = \frac{\Delta}{4\alpha^2} \Rightarrow$

$$x + \frac{\beta}{2\alpha} = \pm \sqrt{\frac{\Delta}{4\alpha^2}} \Rightarrow x = -\frac{\beta}{2\alpha} \pm \sqrt{\frac{\Delta}{4\alpha^2}} \Rightarrow x = -\frac{\beta}{2\alpha} \pm \frac{\sqrt{\Delta}}{2\alpha} \Rightarrow$$

## ΕΞΙΣΩΣΕΙΣ 2ου ΒΑΘΜΟΥ

$\chi = -\frac{\beta}{2\alpha} \pm \frac{\sqrt{\Delta}}{2\alpha} \Rightarrow \chi = \frac{-\beta \pm \sqrt{\Delta}}{2\alpha} \Rightarrow \boxed{\chi_{1,2} = \frac{-\beta \pm \sqrt{\Delta}}{2\alpha}}$  πράγμα που σημαίνει ότι η εξίσωση έχει 2 πραγματικές και άνισες λύσεις (ρίζες).

- Αν  $\boxed{\Delta = 0}$  τότε η (1) γίνεται:  $\left(\chi + \frac{\beta}{2\alpha}\right)^2 = \frac{\Delta}{4\alpha^2} \xrightarrow{\Delta=0}$   
 $\left(\chi + \frac{\beta}{2\alpha}\right)^2 = 0 \Rightarrow (\chi + \frac{\beta}{2\alpha})(\chi + \frac{\beta}{2\alpha}) = 0 \Rightarrow \begin{cases} \chi + \frac{\beta}{2\alpha} = 0 \\ \chi + \frac{\beta}{2\alpha} = 0 \end{cases}$   
 $\Rightarrow \begin{cases} \chi = -\frac{\beta}{2\alpha} \\ \chi = -\frac{\beta}{2\alpha} \end{cases} \Rightarrow \boxed{\chi_0 = \frac{-\beta}{2\alpha}}$  πράγμα που σημαίνει ότι η εξίσωση έχει μία πραγματική λύση (ρίζα) δύο φορές, γι' αυτό λέμε ότι έχει μία διπλή πραγματική ρίζα.
- Αν  $\boxed{\Delta < 0}$  τότε η (1) γίνεται:  $\left(\chi + \frac{\beta}{2\alpha}\right)^2 = \frac{\Delta}{4\alpha^2} \xrightarrow{\Delta<0}$  **ΑΔΥΝΑΤΗ** αφού το 1<sup>ο</sup> μέλος είναι μη αρνητικός αριθμός (είναι υψωμένο στο τετράγωνο) ενώ το 2<sup>ο</sup> μέλος είναι αρνητικός.

## ΕΞΙΣΩΣΕΙΣ 2ου ΒΑΘΜΟΥ

### ΣΥΜΠΕΡΑΣΜΑ

$$\alpha x^2 + \beta x + \gamma = 0, \quad \alpha \neq 0$$

$$\Delta = \beta^2 - 4\alpha\gamma$$

➤ Av  $\Delta > 0$  τότε η εξίσωση έχει 2 πραγματικές

και άνισες λύσεις (ρίζες) τις :  $x_{1,2} = \frac{-\beta \pm \sqrt{\Delta}}{2\alpha}$

Το δε τριώνυμο  $\alpha x^2 + \beta x + \gamma$   
παραγοντοποιείται ως εξής :

$$\alpha x^2 + \beta x + \gamma = \alpha \cdot (x - x_1) \cdot (x - x_2)$$

➤ Av  $\Delta = 0$  τότε η εξίσωση έχει 1 διπλή

πραγματική λύση (ρίζα) την :  $x_0 = \frac{-\beta}{2\alpha}$

Το δε τριώνυμο  $\alpha x^2 + \beta x + \gamma$   
παραγοντοποιείται ως εξής :

$$\alpha x^2 + \beta x + \gamma = \alpha \cdot (x - x_0) \cdot (x - x_0) = \alpha \cdot (x - x_0)^2$$

➤ Av  $\Delta < 0$  τότε η εξίσωση είναι **ΑΔΥΝΑΤΗ**.

- Το δε τριώνυμο  $\alpha x^2 + \beta x + \gamma$  δεν  
παραγοντοποιείται, εκτός και αν μπορούμε  
να βγάλουμε κοινό παράγοντα το  $\alpha$ .

Ουσιαστικά είναι ο ίδιος  
τύπος με την 1<sup>η</sup> περίπτωση  
μόνο που έχουμε  $\Delta=0$ .

Αφού  $\Delta < 0$  τότε δεν μπορώ  
να το βάλω κάτω από ρίζα  
άρα γι' αυτό η εξίσωση  
είναι ΑΔΥΝΑΤΗ.

## ΕΞΙΣΩΣΕΙΣ 2ου ΒΑΘΜΟΥ

Πάμε όμως να λύσουμε μερικές ασκήσεις:

### **ΑΣΚΗΣΗ 1<sup>η</sup> Να λυθούν οι εξισώσεις:**

- i.  $-x^2 + 4x - 3 = 0$
- ii.  $9x^2 - 6x - 1 = 0$
- iii.  $x^2 + x = -1$
- iv.  $(x - 1)^2 + (x + 1)^2 = 3(x - 2) + 7$
- v.  $\frac{2-x^2}{x^2-2x} + \frac{2}{x} + \frac{2x-3}{x-2} = 0$

### **ΛΥΣΗ**

i.  $-x^2 + 4x - 3 = 0$

$\alpha=-1$ ,  $\beta=4$ ,  $\gamma=-3$

$$\Delta = \beta^2 - 4\alpha\gamma = 4^2 - 4 \cdot (-1) \cdot (-3) = 16 - 12 = 4 > 0$$

αφού η διακρίνουσα είναι θετική η εξίσωση έχει 2 πραγματικές και άνισες ρίζες τις :

$$x_{1,2} = \frac{-\beta \pm \sqrt{\Delta}}{2\alpha} = \frac{-4 \pm \sqrt{4}}{2(-1)} = \frac{-4 \pm 2}{-2} \Rightarrow \begin{cases} x_1 = \frac{-4+2}{-2} = \frac{-2}{-2} = 1 \\ x_2 = \frac{-4-2}{-2} = \frac{-6}{-2} = 3 \end{cases}$$

ii.  $9x^2 - 6x + 1 = 0$

$\alpha=9$ ,  $\beta=-6$ ,  $\gamma=1$

$$\Delta = \beta^2 - 4\alpha\gamma = (-6)^2 - 4 \cdot 9 \cdot 1 = 36 - 36 = 0$$

αφού η διακρίνουσα είναι 0 η εξίσωση έχει 1 διπλή πραγματική ρίζα την :

$$x_{1,2} = \frac{-\beta}{2\alpha} = \frac{-(-6)}{2 \cdot 9} = \frac{6}{18} = \frac{1}{3}.$$

iii.  $x^2 + x = -1 \Rightarrow x^2 + x + 1 = 0$

$\alpha=1$ ,  $\beta=1$ ,  $\gamma=1$

$$\Delta = \beta^2 - 4\alpha\gamma = 1^2 - 4 \cdot 1 \cdot 1 = -3 < 0$$

αφού η διακρίνουσα είναι αρνητική η εξίσωση δεν έχει πραγματικές ρίζες .

## ΕΞΙΣΩΣΕΙΣ 2ου ΒΑΘΜΟΥ

$$\begin{aligned} \text{iv. } & (\chi - 1)^2 + (\chi + 1)^2 = 3(\chi - 2) + 7 \Rightarrow \\ & \cancel{\chi^2} - 2\chi + 1 + \cancel{\chi^2} + 2\chi + 1 = 3\chi - 6 + 7 \Rightarrow \\ & 2\chi^2 + 2 - 3\chi + 6 - 7 = 0 \Rightarrow \\ & 2\chi^2 - 3\chi + 1 = 0 \\ & \alpha=2, \beta=-3, \gamma=1 \end{aligned}$$

## Θα χρησιμοποιήσουμε τις ταυτότητες:

$$(A + B)^2 = A^2 + 2AB + B^2$$

$$(A - B)^2 = A^2 - 2AB + B^2$$

$$\Delta = \beta^2 - 4\alpha\gamma = (-3)^2 - 4 \cdot 2 \cdot 1 = 9 - 8 = 1 > 0$$

αφού η διακρίνουσα είναι θετική η εξίσωση έχει 2 πραγματικές και άνισες ρίζες τις :

$$\chi_{1,2} = \frac{-\beta \pm \sqrt{\Delta}}{2\alpha} = \frac{-(-3) \pm \sqrt{1}}{2 \cdot 2} = \frac{3 \pm 1}{4} \Rightarrow \begin{cases} \chi_1 = \frac{3+1}{4} = \frac{4}{4} = 1 \\ \chi_2 = \frac{3-1}{4} = \frac{2}{4} = \frac{1}{2} \end{cases}$$

$$\text{v. } \frac{2-x^2}{x^2-2x} + \frac{2}{x} + \frac{2x-3}{x-2} = 0$$

Για να λύσουμε την κλασματική εξίσωση ακολουθούμε τα παρακάτω βήματα:

- Παραγοντοποιούμε τους παρονομαστές :  
 $\chi^2 - 2\chi = \chi(\chi - 2)$
  - Θα πάρουμε τον περιορισμό:  
παρονομαστές  $\neq 0 \Rightarrow \begin{cases} \chi \neq 0 & \text{και} \\ \chi - 2 \neq 0 \Rightarrow \chi \neq 2 \end{cases}$
  - Θα βρούμε το Ε.Κ.Π. των παρονομαστών:  
Ε.Κ.Π.  $(\chi(\chi - 2), \chi, \chi - 2) = \chi(\chi - 2)$
  - Πολλαπλασιάζουμε **ΟΛΟΥΣ** τους όρους με το Ε.Κ.Π. ώστε να κάνουμε απαλοιφή παρονομαστών .

$$\cancel{\chi(\chi-2)} \cdot \frac{2-\chi^2}{\cancel{\chi(\chi-2)}} + \cancel{\chi(\chi-2)} \cdot \frac{2}{\cancel{\chi}} + \chi(\chi-2) \cdot \frac{2\chi-3}{\cancel{\chi-2}} = 0 \Rightarrow$$

$$2 - \chi^2 + 2(\chi - 2) + \chi(2\chi - 3) = 0 \Rightarrow$$

$$\Rightarrow \dots \text{ (η συνέχεια όπως η iv)}$$

**Β. Πάμε τώρα να δούμε πως λύνονται τα διώνυμα 2<sup>ου</sup> βαθμού .**

- $\alpha x^2 + \beta x + \gamma = 0$  με  $\alpha \neq 0 \xrightarrow{\beta=0} \alpha x^2 + \gamma = 0$

Αντί να το δούμε στη γενική μορφή δείτε πως λύνονται τα 2 παρακάτω αντιπροσωπευτικά παραδείγματα .



**ΑΣΚΗΣΗ 2<sup>η</sup> Να λυθούν οι εξισώσεις:**

- $-x^2 + 3 = 0$
- $9x^2 + 1 = 0$

**ΛΥΣΗ**

i.  $-x^2 + 3 = 0 \Rightarrow -x^2 = -3 \Rightarrow x^2 = 3 \xrightarrow{3 > 0} x = \pm\sqrt{3}$ .

(Αντίθετες ρίζες)

$$\frac{-1}{9} < 0$$

ii.  $9x^2 + 1 = 0 \Rightarrow 9x^2 = -1 \Rightarrow x^2 = \frac{-1}{9} \xrightarrow{x^2 \geq 0} \text{ΑΔΥΝΑΤΗ}.$

Βγάζουμε κουνό παράγοντα το x.

- $\alpha x^2 + \beta x + \gamma = 0$  με  $\alpha \neq 0 \xrightarrow{\gamma=0} \alpha x^2 + \beta x = 0$

Αντί να το δούμε στη γενική μορφή δείτε πως λύνεται το παρακάτω αντιπροσωπευτικό παράδειγμα .

**ΑΣΚΗΣΗ 3<sup>η</sup> Να λυθεί η εξίσωση:  $-x^2 + 2x = 0$**

**ΛΥΣΗ**

$$-x^2 + 2x = 0 \Rightarrow x(-x + 2) = 0 \Rightarrow \begin{cases} x = 0 \text{ ή} \\ -x + 2 = 0 \Rightarrow x = -2 \end{cases}$$

Αν A·B=0 τότε A=0 ή  
B=0

# ΕΞΙΣΩΣΕΙΣ 2ου ΒΑΘΜΟΥ

**Παρακάτω υπάρχουν μερικές ασκήσεις για να τις προσπαθήσετε και μόνοι σας .**

#### ΑΣΚΗΣΗ 4<sup>η</sup> Να λυθούν οι εξισώσεις:

i.  $-2x^2 + x + 1 = 0$

ii.  $4\chi^2 + 4\chi + 1 = 0$

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

iii.  $\chi^2 - \chi = -1$

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

## ΕΞΙΣΩΣΕΙΣ 2ου ΒΑΘΜΟΥ

iv.  $(2x + 1)^2 - (x - 1)^2 = 3x(x - 2) - 7x$

v.  $\frac{1}{2x-3} = \frac{5}{x} + \frac{3}{2x^2-3x}$

vi.  $\frac{x}{x^2-3x} = \frac{5}{x+3} + \frac{3}{x^2-9}$  (αφού πάρετε τους περιορισμούς , μπορείτε να κάνετε και μία απλοποίηση , ώστε να έχετε πιο απλό Ε.Κ.Π. )

# ΕΞΙΣΩΣΕΙΣ 2ου ΒΑΘΜΟΥ

vii.  $\frac{1}{x-\frac{1}{x}} = \frac{5}{x^2-3x+2} + \frac{3}{x^2-x-2}$  ( πριν κάνετε το σύνθετο κλάσμα απλό να πάρετε τους περιορισμούς )

$$\text{viii. } \frac{x+3}{x^2-9} = \frac{1}{3x-6} - \frac{x}{6x-12}$$

ix.  $2x^2 - 3x = 0$

# ΕΞΙΣΩΣΕΙΣ 2ου ΒΑΘΜΟΥ

$$\text{x. } 2x^2 - 3 = 0$$

---

---

---

---

---

---

---

---

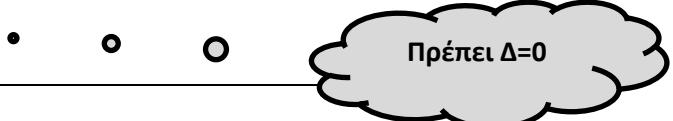
---

---

$$\text{xi. } 2x^2 + 3 = 0$$

**ΑΣΚΗΣΗ 5<sup>η</sup>** Στις παρακάτω παραμετρικές εξισώσεις 2<sup>ου</sup> βαθμού να βρεθεί η τιμή της παραμέτρου  $\lambda$  ώστε οι εξισώσεις να έχουν 1 διπλή πραγματική ρίζα .

i.  $-2\lambda x^2 + \lambda x + 1 = 0$



# ΕΞΙΣΩΣΕΙΣ 2ου ΒΑΘΜΟΥ

$$\text{ii. } (\lambda - 1)x^2 + (\lambda + 1)x + 2 = 0$$

**ΑΣΚΗΣΗ 6<sup>η</sup>** Στις παρακάτω παραμετρικές εξισώσεις 2<sup>ου</sup> βαθμού να βρεθεί η τιμή της παραμέτρου  $\lambda$  ώστε οι εξισώσεις να έχουν πραγματικές ρίζες .

i.  $-2\lambda x^2 + x + 1 = 0$

•

Πρέπει  $\Delta \geq 0$

$$\text{ii. } (\lambda - 1)x^2 + (2\lambda + 1)x + \lambda = 0$$

# ΕΞΙΣΩΣΕΙΣ 2ου ΒΑΘΜΟΥ

Πρέπει  $\Delta < 0$

**Για κάθε μία από τις παραπάνω εξισώσεις να βρείτε τις ακέραιες τιμές της παραμέτρου λ ώστε οι εξισώσεις να είναι Αδύνατες .**

**ΑΣΚΗΣΗ 7<sup>η</sup>** Στις παρακάτω παραμετρικές εξισώσεις 2<sup>ου</sup> βαθμού να βρεθεί η τιμή της παραμέτρου  $\lambda$  ώστε οι εξισώσεις να έχουν αντίθετες ρίζες .

$$\text{i. } -2x^2 + (\lambda^2 - 3\lambda + 2)x + 1 = 0$$

Διαβάστε τη σελίδα 6 .

$$\text{ii. } \mathbf{x}^2 + (\lambda^2 - 2\lambda + 1)\mathbf{x} - 2 = \mathbf{0}$$

# ΕΞΙΣΩΣΕΙΣ 2ου ΒΑΘΜΟΥ

$$\text{iii. } x^2 + (\lambda^2 - 2\lambda)x - 2 = 0$$

**iv.**  $-x^2 + (\lambda^2 - 1)x + 2 = 0$

**ΑΣΚΗΣΗ 8<sup>η</sup>** Στις παρακάτω παραμετρικές εξισώσεις 2<sup>ου</sup> βαθμού να βρεθεί η τιμή της παραμέτρου  $\lambda$  ώστε οι εξισώσεις να έχουν ρίζα τον αριθμό -1 .

$$\text{i. } -2x^2 + (\lambda^2 - 3\lambda + 2)x + 2 = 0$$

---

---

---

---

---

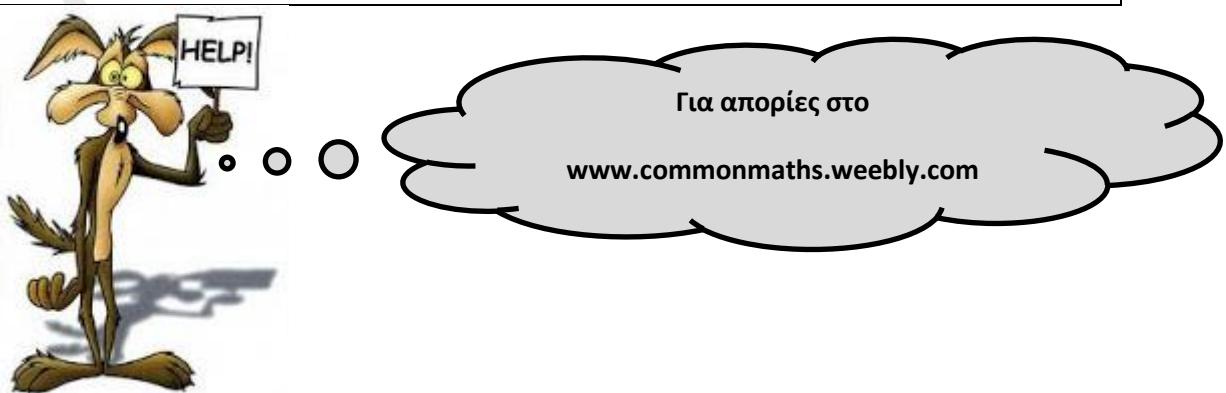
---

---

## ΕΞΙΣΩΣΕΙΣ 2ου ΒΑΘΜΟΥ

$$\text{ii. } x^2 + (\lambda^2 - 2\lambda + 1)x - 1 = 0.$$

**Σε κάθε μία από τις παραπάνω περιπτώσεις , μόλις βρείτε την τιμή του λ να βρεθεί και η 2<sup>η</sup> ρίζα των εξισώσεων .**



# ΕΞΙΣΩΣΕΙΣ 2ου ΒΑΘΜΟΥ

**\*ΑΣΚΗΣΗ 9<sup>η</sup>** Το 4πλάσιο ενός αριθμού αυξημένο κατά 1 είναι ίσο με το τετράγωνό του αυξημένο κατά 5 . Ποιοι είναι οι αριθμοί αυτοί ;

Handwriting practice lines consisting of three horizontal dotted lines for each row.

**\*ΑΣΚΗΣΗ 10<sup>η</sup>** Σε ένα ορθογώνιο και ισοσκελές τρίγωνο η κάθετη πλευρά είναι κατά 3 μικρότερη από τη βάση . Να υπολογίσετε το εμβαδό του και το ύψος του .

Handwriting practice lines consisting of three horizontal dotted lines for each row.

# ΕΞΙΣΩΣΕΙΣ 2ου ΒΑΘΜΟΥ

**\*ΑΣΚΗΣΗ 11<sup>η</sup>** Σε ένα γλέντι τσούγκρισαν ανά δύο οι καλεσμένοι τα ποτήρια τους και ακούστηκαν 91 τσουγκρίσματα . Πόσοι είναι οι καλεσμένοι ;

**\*ΑΣΚΗΣΗ 12<sup>η</sup>** Αν αφαιρέσουμε από έναν αριθμό τον αντίστροφό του βρίσκουμε 2 . Ποιος είναι ο αριθμός αυτός ;

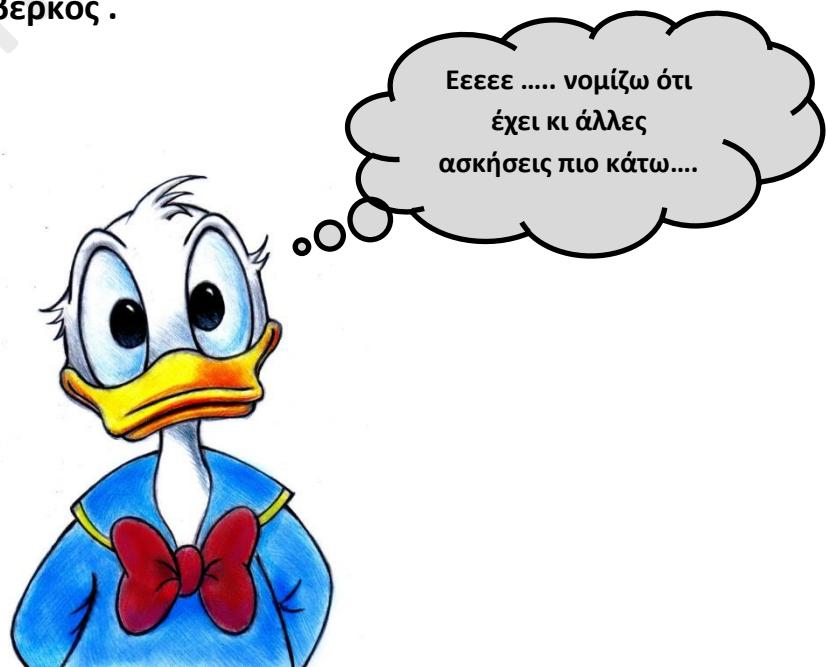
## ΕΞΙΣΩΣΕΙΣ 2ου ΒΑΘΜΟΥ

**\*ΑΣΚΗΣΗ 13<sup>η</sup>** 2 εκσκαφείς χρειάζονται 12 μέρες για ένα έργο , όταν εργάζονται μαζί . Ο ένας μόνος του χρειάζεται 7 ημέρες περισσότερο από τον άλλο . Πόσες μέρες χρειάζεται μόνος του ο καθένας για να τελειώσει το έργο του ;

Handwriting practice lines consisting of three horizontal dotted lines for each row.

**Οι ασκήσεις με \* είναι από το Σχολικό Βιβλίο Γ' Γυμνασίου των :**

- Α. Αλιμπινίση , Σ. Γρηγοριάδη , Ε. Ευσταθόπουλος , Ν. Κλαουδάτος ,  
Σ. Παπασταυρίδης , Α. Σβέρκος .**



# ΕΞΙΣΩΣΕΙΣ 2ου ΒΑΘΜΟΥ

**ΑΣΚΗΣΗ 14<sup>η</sup>** Ένας εργάτης τελειώνει το βάψιμο ενός τοίχου σε 3 μέρες γρηγορότερα από έναν άλλο .Αν δουλέψουν και οι δύο ταυτόχρονα τελειώνουν το βάψιμο σε 2 ημέρες . Πόσες μέρες χρειάζεται μόνος του ο κάθε εργάτης για να τελειώσει το βάψιμο του τοίχου ;

Handwriting practice lines consisting of three horizontal dotted lines for each row, spanning the width of the page.

**ΑΣΚΗΣΗ 15<sup>η</sup>** Να δείξετε ότι το παρακάτω τριώνυμο  $2^{\text{ου}}$  βαθμού έχει τουλάχιστον μία ρίζα για κάθε τιμή της παραμέτρου  $\alpha$ .

$$\chi^2 + (\alpha + 2)\chi + 2\alpha = 0$$

## ΕΞΙΣΩΣΕΙΣ 2ου ΒΑΘΜΟΥ

**ΑΣΚΗΣΗ 16<sup>η</sup>** Να δείξετε ότι το παρακάτω τριώνυμο 2<sup>ου</sup> βαθμού έχει το πολύ μία ρίζα για κάθε τιμή της παραμέτρου λ.

$$x^2 + 4\lambda^2x + 8\lambda^2 + 8\lambda + 4 = 0$$

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

**ΑΣΚΗΣΗ 17<sup>η</sup>** Δίνονται οι παραστάσεις :

$$A = \frac{x+3}{x^2-9} \text{ και } B = \frac{1}{3x-6} - \frac{x}{6x-12}$$

- i. Να βρεθούν οι τιμές των x για τις οποίες ορίζονται οι παραστάσεις A και B.

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

# ΕΞΙΣΩΣΕΙΣ 2ου ΒΑΘΜΟΥ

**ii. Να απλοποιηθούν οι παραστάσεις A ,B .**

### iii. Να λυθεί η εξίσωση $A=B$

# ΕΞΙΣΩΣΕΙΣ 2ου ΒΑΘΜΟΥ

**ΑΣΚΗΣΗ 18<sup>η</sup> Δίνονται οι παραστάσεις :**

$$A = \frac{x^2 - 4}{x^2 - 3x + 2} \text{ και } B = \frac{2}{x^2 - x} + \frac{3}{x - 1}$$

- i. Να βρεθούν οι τιμές των  $\chi$  για τις οποίες ορίζονται οι παραστάσεις A και B.

Handwriting practice lines consisting of three horizontal dotted lines for handwriting practice.

- ii. Να απλοποιηθούν οι παραστάσεις A ,B .

## ΕΞΙΣΩΣΕΙΣ 2ου ΒΑΘΜΟΥ

### iii. Να λυθεί η εξίσωση $A=B$

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---



Μέχρι το επόμενο  
φυλλάδιο καλή  
ξεκούραση....